

Kvantna kriptografija kot namizna igra

Sergej Faletič, UL FMF

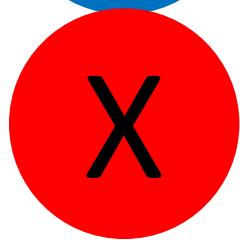
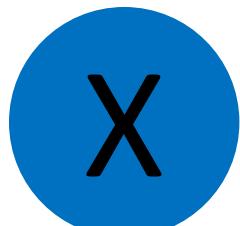
Viri

- Martin Laforest
QCrypto Coins
IQC Scientific Outreach team
iqc-outreach@uwaterloo.ca
University of Waterloo
<https://uwaterloo.ca/institute-for-quantum-computing/outreach-and-workshops/teacher-resources>
- Tim Lethen
Bit commitment as an introduction to quantum cryptography
European Journal of Physics 43(5), 2022
<https://doi.org/10.1088/1361-6404/ac78a7>
- Charles H. Bennett, Gilles Brassard
Quantum cryptography: public key distribution and coin tossing
International Conference on Computers, Systems & Signal Processing
Bangalore, India December 10-12, 1984
<https://doi.org/10.48550/arXiv.2003.06557>

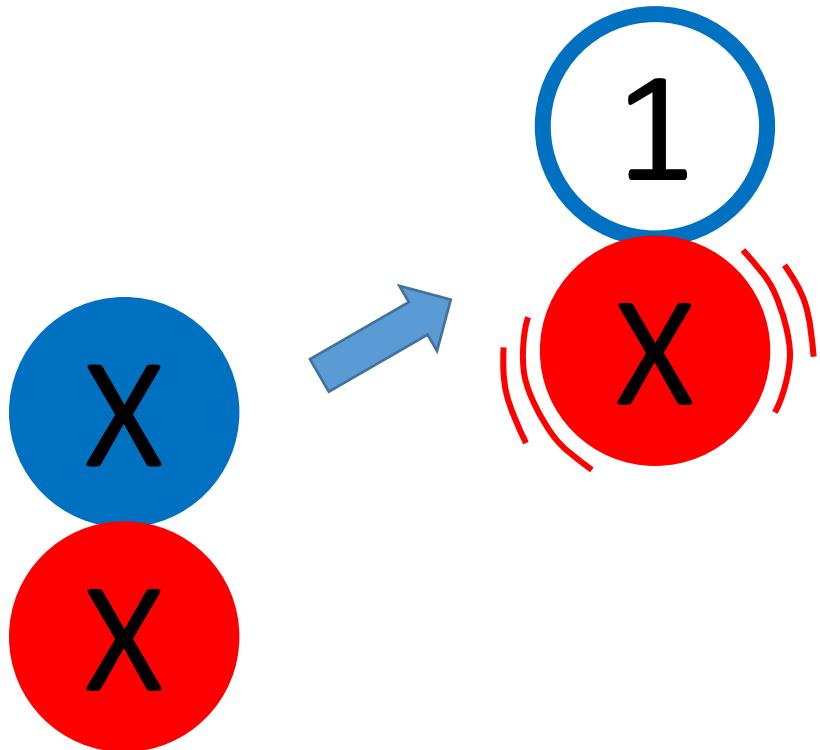
Oris

- BB84b
- BB84
- BB84 s prisluškovanjem

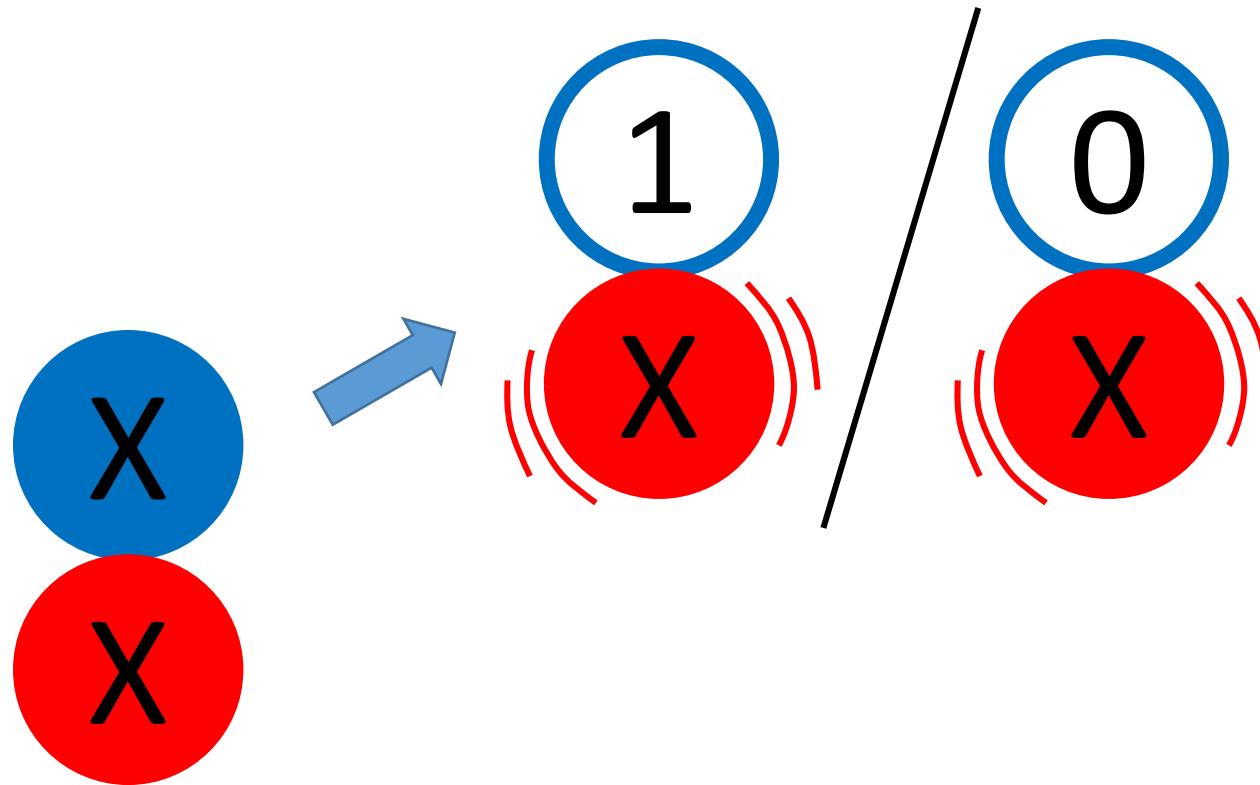
Edino pravilo



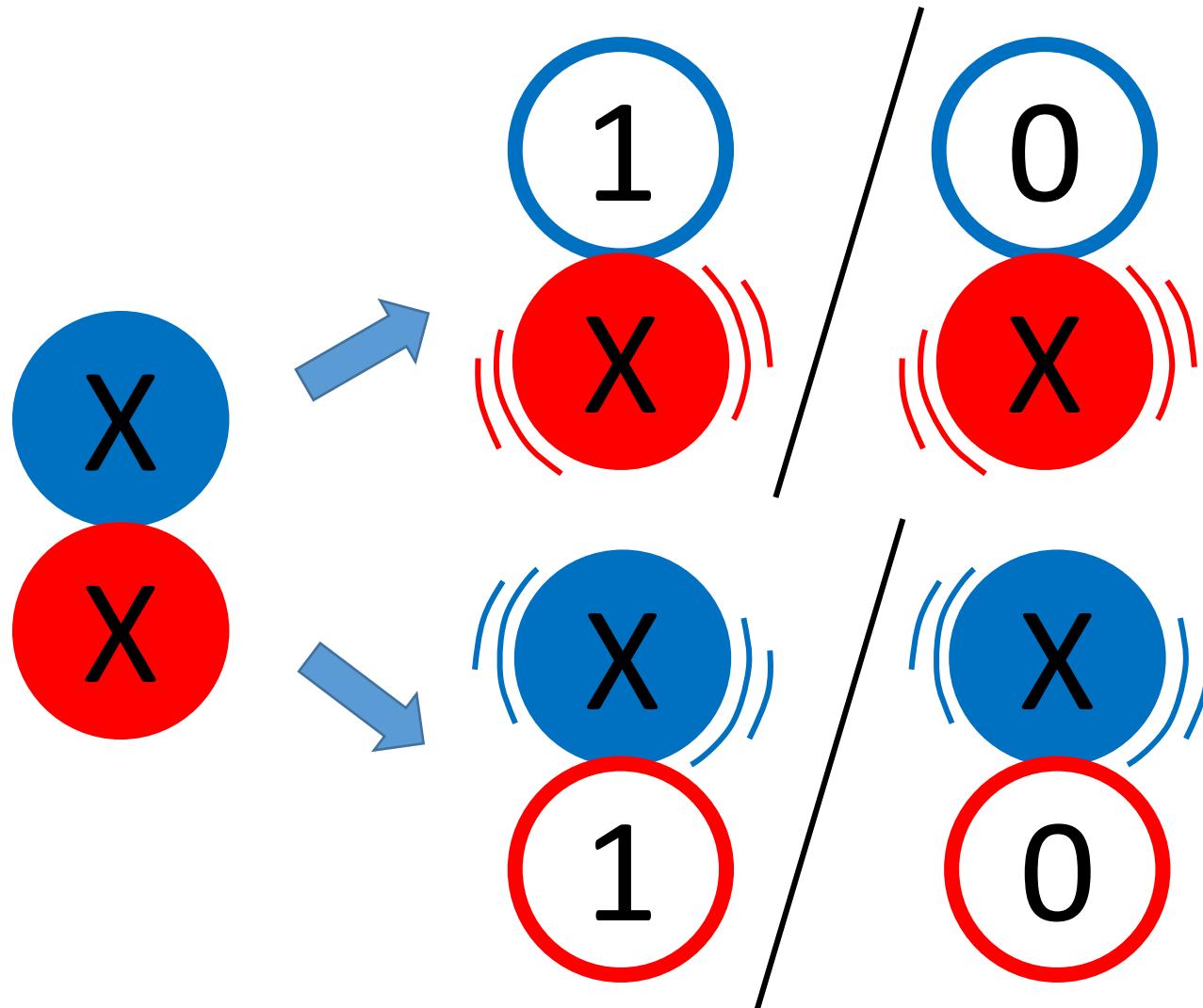
Edino pravilo



Edino pravilo



Edino pravilo



BB84b – met kovanca na daljavo

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M								
Alice opravi meritev		Blue							
Alicejini qubiti:		Red							
KVANTNI PRENOS									
Bob dobi delce									
Bob izbere baze									
Bob opravi meritev									
Bobovi qubiti									
KLASIČNI PRENOS									
Alicejina baza									
Alicejini qubiti									
Primerjava istih baz									
Sodba	T	F							

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M								
Alice opravi meritev	1	0	1	1	0	1	0	0	
	X	X	X	X	X	X	X	X	
Alicejni qubiti:									
KVANTNI PRENOS									
Bob dobi delce									
Bob izbere baze									
Bob opravi meritev									
Bobovi qubiti									
KLASIČNI PRENOS									
Alicejina baza									
Alicejni qubiti									
Primerjava istih baz									
Sodba	T	F							

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M								
Alice opravi meritev	1 X	0 X	1 X	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X	
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0	
KVANTNI PRENOS									
Bob dobi delce									
Bob izbere baze									
Bob opravi meritev									
Bobovi qubiti									
KLASIČNI PRENOS									
Alicejina baza									
Alicejni qubiti									
Primerjava istih baz									
Sodba	T	F							

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce	1	0	1	1	0	1	0	0
	X	X	X	X	X	X	X	X
Bob izbere baze								
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce	1 X	0 X	1 X	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	0 X	1 X	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	0 X	1 X	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	1 X	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	0 X	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	X 0	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	X 0	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	X 0	1 X	0 X	0 X
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	X 0	1 X	0 X	X 1
Bobovi qubiti								
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	1 X	X 1	X 0	1 X	X 0	1 X	0 X	X 1
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza								
Alicejni qubiti								
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz								
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz	OK			OK		OK	OK	
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev								
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS								
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev								
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS								
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz	OK			OK		OK	OK	
Sodba	T	F						

BB84b – met kovanca na daljavo

Alice izbere bazo	M							
Alice opravi meritev	Alice odpre škatle skladno z izbiro baze in druge strese.							
Alicejni qubiti:	1	0	1	1	0	1	0	0
KVANTNI PRENOS	Alice previdno nese škatle Bobu							
Bob dobi delce								
Bob izbere baze	M	R	R	M	R	M	M	R
Bob opravi meritev	Bob odpre škatle skladno z izbiro baze in druge strese.							
Bobovi qubiti	1	1	0	1	0	1	0	1
KLASIČNI PRENOS	Alice pove Bobu svojo bazo in qubite							
Alicejina baza	M	M	M	M	M	M	M	M
Alicejni qubiti	1	0	1	1	0	1	0	0
Primerjava istih baz	OK			OK		OK	OK	
Sodba	T	F						

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa

Alice izbere baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...
Alice opravi meritev																		
Alicejini qubiti:	1	1	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0	1	0	0	1	...	
KVANTNI PRENOS																		
Bob dobi delce																		
Bob izbere baze	R	R	M	M	R	M	R	M	R	M	M	R	R	M	R	M	...	
Bob opravi meritev																		
Bobovi qubiti	0	1	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	...	
KLASIČNI PRENOS																		
Alicejine baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...	
Alicejini kontrolni qubiti	1	1	1	0	0	1	0	0										
Primerjava istih baz		1				1	0	0										
Ključ:										1		0			0	1		

BB84 – Prenos ključa

Alice izbere baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...
Alice opravi meritev																	
Alicejini qubiti:	1	1	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0	1	0	0	1	...
KVANTNI PRENOS																	
Bob dobi delce																	
Bob izbere baze	R	R	M	M	R	M	R	M	R	M	M	R	R	M	R	M	...
Bob opravi meritev																	
Bobovi qubiti	0	1	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	...
KLASIČNI PRENOS																	
Alicejine baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...
Alicejini kontrolni qubiti	1	1	1	0	0	1	0	0									
Primerjava istih baz		1				1	0	0									
Ključ:									1		0			0	1		

BB84 – Prenos ključa

Alice izbere baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...
Alice opravi meritev																	
Alicejini qubiti:	1	1	1	0	0	1	0	0	0	1	1	0	1	0	0	1	...
KVANTNI PRENOS																	
Bob dobi delce																	
Bob izbere baze	R	R	M	M	R	M	R	M	R	M	M	R	R	M	R	M	...
Bob opravi meritev																	
Bobovi qubiti	0	1	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	...
KLASIČNI PRENOS																	
Alicejine baze	M	R	R	R	M	M	R	M	M	M	R	R	M	R	R	M	...
Alicejini kontrolni qubiti	1	1	1	0	0	1	0	0									
Primerjava istih baz		1				1	0	0									
Ključ:									1		0			0	1		

BB84 – Prenos ključa

BB84 – Prenos ključa, prisluškovanje

Lahko pa, če ima Eva srečo, da izbere iste baze kot Alice in Bob (stolpca 2 in 6) ali če je naključen rezultat slučajno enak kot Alicejin original (stolpec 4).

Ključ je v bitih naprej od črte

Kaj se izkustveno naučijo igralci?

Kaj se izkustveno naučijo igralci?

- Rezultat posamezne meritve je naključen (stohastičnost).
- Rezultat je lahko le eden (ekskluzivnost).¹
- Obstajajo taki pari količin, da ima meritev ene količine vedno za posledico naključno vrednost druge količine (nekompatibilnost/nekomutativnost/Heisenbergova nedoločenost).

¹ Če se ploščice ne postavljajo na rob... bolje imeti kovance ☺

Hvala za igro!



Nekaj dodatkov na podlagi vprašanj

- Iz članka:
Adrian Nugraha Utama, Jianwei Lee and Mathias Alexander Seidler
A hands-on quantum cryptography workshop for pre-university students
American Journal of Physics 88, 1094, 2020
<https://doi.org/10.1119/10.0001895>

